

## УСЛОВИЯ ЗАДАЧ ОСНОВНОГО ТУРА

## Задача А. Сумма

Имя входного файла:

Имя выходного файла:

Ограничение по времени: 2 секунды

Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Вовочка, как известно, любит придумывать математические задачки. Вот недавно он придумал такую: для заданного  $S$  найти все такие целые положительные  $A$  и  $B$ , что  $A \leq B$  и  $A + (A + 1) + (A + 2) + \dots + (B - 1) + B = S$

### Формат входного файла

Входной файл содержит одно целое число  $S$  ( $1 \leq S \leq 10^{12}$ ).

### Формат выходного файла

Первая строка выходного файла должна содержать одно число  $K$  — количество найденных пар  $A, B$ . На следующих  $K$  строках должны быть по два целых числа, первое не больше второго — соответствующая пара. Пары должны выводиться в порядке увеличения первого числа.

### Пример

25	3 3 7 12 13 25 25

## Задача В. Путь

Имя входного файла:

Имя выходного файла:

Ограничение по времени: 2 секунды

Ограничение по памяти: 64 мегабайта

В стране  $N$  городов. Перемещаться между ними можно только по дорогам, которые есть между некоторыми парами городов. Пути назовем список городов  $A_1, A_2, \dots, A_K$ , такой, что все города в нем различны,  $K > 1$  и для всех  $i < K$  есть дорога между городами  $A_i$  и  $A_{i+1}$ . У каждого пути есть длина — сумма длин всех дорог между соседними в пути городами. Упорядочим все возможные пути из города 1 в город  $N$  (то есть  $A_1 = 1, A_K = N$ ) по увеличению их длины, а в случае двух путей одинаковой длины — их упорядочим в лексикографическом порядке. Найдите  $L$  первых путей в этом списке (гарантируется, что путей будет не меньше  $L$ ).

### Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит три целых числа  $N$  — количество городов,  $M$  — количество дорог, и  $L$  — количество путей ( $1 \leq N \leq 20, 0 \leq M \leq N(N - 1), 1 \leq L \leq 30$ ). Следующие  $M$  строк содержат по три целых числа  $S_i, T_i, C_i$  — номера городов, соединенных  $i$ -й дорогой и ее длина ( $1 \leq S_i, T_i \leq N, S_i \neq T_i, 1 \leq C_i \leq 100$ ). Числа в строках разделены пробелами.

### Формат выходного файла

В выходной файл выведите  $L$  строк — пути, как они идут в списке. Первое число в каждой строке —  $K$  — количество городов в найденном пути, следующие  $K$  чисел — номера городов в том порядке, в котором они идут в найденном пути. Числа в строках должны быть разделены пробелами.

### Пример

4 4 2	3 1 3 4
1 2 3	3 1 2 4
1 3 1	
2 4 4	
3 4 2	

## Задача С. Цифры

Имя входного файла:

Имя выходного файла:

Ограничение по времени: 2 секунды

Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Вася выписал все числа от 1 до  $X$  в ряд без пробелов. Затем, из каждой группы последовательных одинаковых цифр он оставил ровно одну цифру. В итоге осталось написано  $S$  цифр, но Вася забыл, до какого  $X$  он выписывал числа вначале. Помогите ему — найдите  $X$ .

### Формат входного файла

Входной файл содержит одно целое число  $S$  ( $1 \leq S \leq 10^{18}$ ).

### Формат выходного файла

Выходной файл должен содержать одно целое число  $X$ . Если нужного числа не существует выведите  $-1$ .

### Пример

13	12

## Задача D. Превосходно!

Имя входного файла:

Имя выходного файла:

Ограничение по времени: 2 секунды

Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Назовем число превосходно простым, если оно простое (делится только на само себя и на 1), и, если записать его цифры в обратном порядке, то получится другое простое число. Выведите  $K$ -е превосходно-простое число. Если оно превышает  $10^6$  - выведите  $-1$ .

### Формат входного файла

Входной файл содержит одно целое число  $K$  ( $1 \leq K \leq 1000$ ).

### Формат выходного файла

Выходной файл должен содержать одно целое число — ответ к задаче.

### Пример

1	13
2	17

## Задача Е. Черный ящик

Имя входного файла:

Имя выходного файла:

Ограничение по времени: 2 секунды

Ограничение по памяти: 64 мегабайта

В черный ящик кладутся листки с написанными на них числами. На каждом листке — ровно одно целое число. Иногда некоторые листки исчезают из ящика. После каждого события (когда в ящик положили листок, или когда из ящика исчез листок), нужно вывести число, которое встречается чаще всего на листках, находящихся в данный момент в ящике. Если таких чисел несколько, выведите наименьшее.

### Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит одно целое число  $N$  — количество событий ( $1 \leq N \leq 2 \cdot 10^5$ ). Каждая из следующих  $N$  строк содержит описание одного события:  
+  $X$  — положен листок с числом  $X$  ( $1 \leq X \leq 10^6$ );  
-  $X$  — исчез листок с числом  $X$  (гарантируется, что в ящике был хотя бы один листок с числом  $X$ ).

### Формат выходного файла

Выходной файл должен содержать ровно  $N$  строк — по одной для каждого события. Каждая строка должна содержать одно число — ответ к задаче. Если после какого-то события ящик оказался пуст надо вывести 0.

### Пример

3	1
+ 1	0
- 1	2
+ 2	

## Задача F. Кубики

Имя входного файла:

Имя выходного файла:

Ограничение по времени: 3 секунды

Ограничение по памяти: 64 мегабайта

В коробке  $3 \times 3 \times 1$  (ширина\*длина\*высота) стоящей горизонтально на столе в один слой лежат восемь кубиков  $1 \times 1 \times 1$ , таким образом, что их грани параллельны граням коробки. У каждого кубика 5-ть из 6-ти граней белые и одна - красная. За один ход Вам разрешается перекатить любой из кубиков (соседних со свободным местом) на свободное место через его ребро. Итоговое положение - свободное место находится в центре коробки, а красные грани всех кубиков находятся в направлении наблюдателя (считается, что Вы смотрите на коробку сверху). Ваша задача определить минимальное количество ходов, необходимое для преобразования исходного положения в итоговое.

### Формат входного файла

Входной файл содержит 3 строки по 3 символа в каждой. Каждый символ показывает положение красной грани соответствующего кубика или свободное место в исходном положении.

. - свободное место

+ - красная грань в направлении наблюдателя

\* - красная грань в направлении от наблюдателя (к дну коробки)

U - красная грань сверху

D - красная грань снизу

L - красная грань слева

R - красная грань справа

### Формат выходного файла

Выходной файл должен содержать одно целое число — ответ к задаче. Если преобразование невозможно, то необходимо вывести -1.

### Пример

+++	0
+ . +	
+++	
+LU	3
+D.	
+++	

## Задача G. Бег-трэк

Имя входного файла:

Имя выходного файла:

Ограничение по времени: 2 секунды

Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Организаторы новых зимних игр решили включить в них игру “Бег-трэк”. Игра происходит на арене, которую можно представить в виде треугольника на координатной плоскости. Участник стартует на одной из трех сторон арены. После старта участник должен коснуться каждой стороны (кроме той, с которой начал) и вернуться на начальную позицию. Вам дается информация о следующем участнике. Выведите лучшее время, которое он сможет показать.

### Формат входного файла

В первых трех строках заданы координаты вершин треугольника, который представляет арену. В четвертой строке заданы  $x$ ,  $y$  координаты начальной позиции и  $v$  скорость участника ( $v > 0$ ). Гарантируется, что начальная позиция лежит на одной стороне заданного треугольника и не совпадает с вершинами треугольника. Все числа во входном файле целые и не превышают  $10^9$  по модулю.

### Формат выходного файла

Выведите одно число — ответ к задаче с точностью не менее чем  $10^{-6}$ .

### Пример

0 0	2.020305
10 0	
0 10	
5 5 7	

## Задача Н. Игра

Имя входного файла:

Имя выходного файла:

Ограничение по времени: 2 секунды

Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Игра состоит из  $N$  уровней. В  $i$ -том уровне игрок набирает  $a_i$  очков. Игрок начинает с уровня 1. Когда игрок проходит  $N$ -ый уровень, он выигрывает. В уровень  $k$  можно переходить из уровня  $m$ , если  $k$ -ый уровень идет после  $m$ -того ( $m < k$ ) и четность  $a_k$  и расстояния (количество уровней между  $k$ -тым и  $m$ -тым) одинакова. Цена перехода (количество очков, которое снимается, если переход осуществлен) равна  $t$  — расстоянию между ними. Вычислите, может ли игрок, пройти игру, если может, выведите максимальное количество очков, которое он может взять.

### Формат входного файла

В первой строке входного файла задано одно целое число  $N$  ( $1 \leq N \leq 10^5$ ). На следующей строке даются  $N$  положительных чисел  $a_i$ , каждое из которых не превышает  $10^9$ .

### Формат выходного файла

Если игрок может пройти игру, выведите максимальное количество очков, которое он может взять или “Impossible”, если он не сможет пройти игру.

### Пример

3	5
1 2 2	

Пояснения к примеру:

Игрок проходит уровень 1 и зарабатывает 1 очко. После игрок переходит в уровень 2, цена перехода равна 0 — количеству уровней между ними. После 2 уровня игрок переходит на 3 уровень и после его прохождения зарабатывает 5 очков, что является максимальным.

## Задача I. Раскраска

Имя входного файла:

Имя выходного файла:

Ограничение по времени: 2 секунды

Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Имеется 9 квадратных кусочков бумаги одинакового размера. Каждый кусочек может быть покрашен в любой из  $K$  цветов. Из этих кусочков склеивают квадрат  $3 \times 3$ . Сколько различных с точностью до поворота квадратов может получиться? Так как ответ может быть довольно большим, выведите остаток от его деления на  $P$ .

### Формат входного файла

Входной файл содержит два целых числа:  $K$  и  $P$  ( $1 \leq K \leq 1000$ ,  $2 \leq P \leq 2000000000$ ).

### Формат выходного файла

Выходной файл должен содержать одно целое число — ответ к задаче.

### Пример

2 200	140

## Задача J. Красивое имя

Имя входного файла:

Имя выходного файла:

Ограничение по времени: 2 секунды

Ограничение по памяти: 64 мегабайта

У племени Aragara при посвящении во взрослую жизнь каждый должен выбрать себе уникальное имя, которое не должно содержать ни одно из других имен в племени. Один из тех, кого ждет этот ритуал, Zerator, хочет выбрать себе красивое имя. Он считает имя красивым, если его длина  $M$  и оно лексографически наименьшее среди всех возможных. Вам даются все имена в племени и число  $M$ . Найдите красивое имя или выведите, что оно не существует.

### Формат входного файла

В первой строке входного файла заданы два целых числа  $N$  и  $M$  ( $1 \leq N \leq 500$ ,  $1 \leq M \leq 500$ ) — количество имен в племени и длина красивого имени. На каждой из следующих  $N$  строк задается  $S_i$  —  $i$ -ое имя в племени. Длина каждого имени не превосходит 500. Каждое имя содержит только строчные буквы английского алфавита.

### Формат выходного файла

Если ответ существует, выведите его или “Impossible”, если оно не существует.

### Пример

2 2	
a	
bb	bc